

## MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS

*O alumno debe resolver só un exercicio de cada un dos tres bloques temáticos. Puntuación máxima de cada un dos exercicios: Álgebra 3 puntos; Análise 3,5 puntos; Estatística 3,5 puntos.*

### ÁLXEBRA

1. Un fabricante produce tres artigos diferentes ( $A$ ,  $B$  e  $C$ ), cada un dos cales precisa para a súa elaboración de tres materias primas ( $M_1$ ,  $M_2$  e  $M_3$ ). Na seguinte táboa represéntase o número de unidades de cada materia prima que se require para elaborar unha unidade de cada produto:

		Produtos		
		$A$	$B$	$C$
Materias primas	$M_1$	2	1	3
	$M_2$	3	2	2
	$M_3$	1	2	4

Dispón de 50 unidades de  $M_1$ , 70 unidades de  $M_2$  e 40 unidades de  $M_3$ .

- a) Determina-las cantidades de artigos  $A$ ,  $B$  e  $C$  que produce dito fabricante.
- b) Se os prezos de venda de cada artigo son, respectivamente, 500, 600 e 1000 euros e gasta en cada unidade de materia prima 50, 70 e 60 euros, respectivamente, determina-lo beneficio total que consegue coa venda de toda a produción obtida (utilizando tódolos recursos dispoñibles).

2. Unha empresa fabrica dous tipos de televisores ( $T_{21}$  e  $T_{14}$ ) de 21 e 14 pulgadas, a un custo por televisor de 100 e 50 euros, respectivamente. Sábese que o número de televisores  $T_{21}$  fabricados diariamente non supera en 4 unidades ós  $T_{14}$ , e que entrambos non se superan diariamente os 30 televisores. Tamén se sabe que o proceso produtivo non permite fabricar diariamente menos de 2 televisores  $T_{21}$  nin menos de 5 televisores  $T_{14}$ .

- a) Formula-lo sistema de inecuacións asociado ó enunciado. b) Debuxa-la rexión factible e calcula-los seus vértices.
- c) Calcular cantos televisores  $T_{21}$  e  $T_{14}$  maximizan e cantos minimizan o custo de produción diaria.

### ANÁLISE

1. O número de vehículos que pasaron certo día polo peaxe dunha autoestrada ven representado pola función

$$N(t) = \begin{cases} \left(\frac{t-3}{3}\right)^2 + 2, & 0 \leq t \leq 9 \\ 10 - \left(\frac{t-15}{3}\right)^2, & 9 < t \leq 24 \end{cases}$$

onde  $N$  indica o número de vehículos e  $t$  representa o tempo transcorrido (en horas) dende as 0:00 horas.

- a) ¿Entre que horas aumentou o número de vehículos que pasaban polo peaxe? ¿Entre que horas diminuiu?
- b) ¿A que hora pasou o maior número de vehículos? ¿Cantos foron?

2. Quérese fabricar unha caixa de madeira sen tapa cunha capacidade de  $2 \text{ m}^3$ . Por razóns de porte no transporte da mesma, a lonxitude da caixa ten que ser o dobre cá anchura. Ademais, a madeira para construí-la base da caixa custa 12 euros por metro cadrado, mentres que a madeira para construí-las caras laterais custa 8 euros por metro cadrado. Acha-las dimensións da caixa para que o custo sexa mínimo. Calcular dito custo mínimo.

### ESTADÍSTICA

1. O cadro de persoal duns grandes almacéns está formado por 200 homes e 300 mulleres. A cuarta parte dos homes e a terceira parte das mulleres só traballan no turno da mañá. Elexido un dos empregados ó chou:

- a) ¿cal é a probabilidade de que sexa home ou só traballe no turno da mañá? b) sabendo que non só traballa no turno da mañá ¿cal é a probabilidade de que sexa muller?

2. O peso dos alumnos de bacharelato dunha certa cidade ten unha media  $\mu$  descoñecida e unha desviación típica  $\sigma=5,4$  kg. Tomamos unha mostra aleatoria de 100 alumnos de bacharelato desa cidade,

- a) se a media da mostra é de 60 kg, calcular cun nivel de confianza do 99%, o intervalo de confianza para o peso medio  $\mu$  de tódolos alumnos de bacharelato da cidade, b) faise a seguinte afirmación: “o peso medio dos alumnos de bacharelato desa cidade está comprendido entre 59 e 61 kg”, ¿con que nivel de confianza se fai esta afirmación?

## MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CIENCIAS SOCIAIS

*O alumno debe resolver só un exercicio de cada un dos tres bloques temáticos. Puntuación máxima de cada un dos exercicios: Álgebra 3 puntos; Análise 3,5 puntos; Estatística 3,5 puntos.*

### ÁLXEBRA

1. Unha empresa fabrica xoguetes de tres tipos diferentes  $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$ . Os prezos de *custo* de cada xoguete e os *ingresos* que obtén a empresa por cada xoguete vendido veñen dados na seguinte táboa:

	$T_1$	$T_2$	$T_3$
Prezo de custo	4 €	6 €	9 €
Ingreso	10 €	16 €	24 €

O número de *vendas anuais* é de 4500 xoguetes  $T_1$ , 3500 xoguetes  $T_2$  e 1500 xoguetes  $T_3$ . Sabendo que a *matriz de custos* ( $C$ ) e a *matriz de ingresos* ( $I$ ) son matrices diagonais e que a *matriz de vendas anuais* ( $V$ ) é unha matriz fila,

a) determina-las matrices  $C$ ,  $I$  e  $V$ .

b) obter, utilizando as matrices anteriores, a matriz de custos anuais, a matriz de ingresos anuais, e a matriz de beneficios anuais, correspondentes ós tres tipos de xoguetes.

2. Un centro comercial vende dous modelos de teléfono móbil, o  $X$  e o  $Y$ . Os seus empregados utilizan 3 horas de tempo de vendas por cada teléfono do modelo  $X$  vendido e 5 horas de tempo de vendas por cada teléfono  $Y$  vendido, dispoñendo dun máximo de 600 horas de venda para o seguinte período dun mes. Ademais, nese mes, deben vender como mínimo 25 teléfonos do modelo  $X$ , e o número de teléfonos que vendan do modelo  $Y$  terá que ser maior ou igual que o de teléfonos  $X$ .

A empresa obtén un beneficio de 40 € por cada modelo  $X$  vendido e de 50 € por cada modelo  $Y$  vendido,

a) Formula-lo sistema de inecuacións asociado ó enunciado. b) Representar graficamente a rexión factible e calcula-los seus vértices. b) ¿Cantos teléfonos de cada modelo se deberían vender durante o seguinte período dun mes para maximiza-los beneficios? ¿A canto ascenderían ditos beneficios?

### ANÁLISE

1. Quérese cercar un campo rectangular que linda cun camiño por un dos seus lados. Se a cerca do lado do camiño custa 6 €/m e a dos outros lados 2 €/m, acha-las dimensións do campo de área máxima que pode cercarse con 2560 €.

2. A función  $f(t)$ ,  $0 \leq t \leq 10$ , na que o tempo  $t$  está expresado en anos, representa os beneficios dunha empresa (en centos de miles de euros) entre os anos 1990 ( $t=0$ ) e 2000 ( $t=10$ )

$$f(t) = \begin{cases} t+1 & \text{se } 0 \leq t < 2 \\ t^2 - 8t + 15 & \text{se } 2 \leq t < 6 \\ \frac{3}{4}(-t+10) & \text{se } 6 \leq t \leq 10 \end{cases}$$

a) Representar graficamente  $f(t)$ , estudando: puntos de corte, intervalos de crecemento e decrecemento.

b) ¿En que anos acadou a empresa o máximo beneficio? ¿Cal foi dito beneficio? ¿Durante canto tempo houbo perdas?

### ESTADÍSTICA

1. Unha enquisa revela que o 40% dos xóvenes de certa cidade ten estudos, dos cales o 15% non ten traballo. Do 60% que non ten estudos, un 25% non ten traballo.

a) Determina-la porcentaxe de xóvenes desa cidade que non ten traballo. b) Entre os que non teñen traballo, ¿que porcentaxe ten estudos? c) Calcula-la probabilidade de que, elixido ó chou un xoven desa cidade, teña estudos ou traballe.

2. Unha fábrica desexa coñece-lo tempo que tarda en estragarse un produto que ten almacenado. Para isto, elixe unha mostra de 100 unidades, resultando un tempo medio de descomposición de 120 horas. Por experiencias anteriores coñécese que a desviación típica da variable normal tempo de descomposición é de 5 horas.

a) ¿Como se distribúe a variable tempo medio de descomposición para mostras de 100 produtos?

b) Cun nivel de confianza do 95%, ¿entre que valores se atopa o tempo medio de descomposición para a totalidade do produto almacenado?